

2012 年武汉市初中毕业生学业考试数学试卷

参考答案

一、选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	B	D	B	A	C	B	C	D	A	C	A	D

二、填空题

13. $\sqrt{3}$ 14. 43 15. $\frac{16}{3}$ 16. $m \geq \frac{\sqrt{5}}{2}$

三、解答题

17. (本题满分 6 分)

解：方程两边同时乘以 $3x(x+5)$ ，去分母得： $6x = x + 5$

解得 $x = 1$.

检验：当 $x = 1$ 时， $3x(x+5) = 18 \neq 0$ ， $x = 1$ 是原分式方程的解.

18. (本题满分 6 分)

解： \because 直线 $y = kx + 3$ 经过点 $(-1, 1) \therefore 1 = -k + 3$.

$$\therefore k = 2$$

$$\therefore 2x + 3 < 0$$

$$\therefore x < -\frac{3}{2} .$$

19. (本题满分 6 分)

证明： $\because \angle DCA = \angle ECB$ ， $\angle ECA = \angle ECA$ ， $\therefore \angle DCE = \angle ACB$.

在 $\triangle DCE$ 和 $\triangle ACB$ 中，

$$\begin{cases} CE = CB \\ \angle DCE = \angle ACB \\ CD = CA \end{cases}$$

$$\therefore \triangle DCE \cong \triangle ACB,$$

$$\therefore DE = AB.$$

20. (本题满分 7 分)

解：(1) 根据题意，可以列出下表格：

第一次 第二次	A	B	C	D
A	(A, A)	(A, B)	(A, C)	(A, D)
B	(B, A)	(B, B)	(B, C)	(B, D)
C	(C, A)	(C, B)	(C, C)	(C, D)
D	(D, A)	(D, B)	(D, C)	(D, D)

由表可知，所有可能的结果共有 16

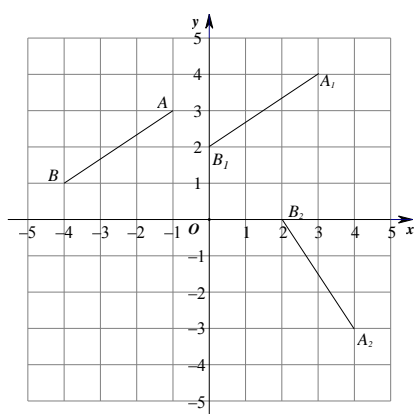
种。（树形图法参照给分）

(2) 由(1)知，所有可能的结果共有 16 个，它们出现的可能性相同，其中，两次抽出的球上字母相同的结果有 4 个。

$$\therefore P(\text{两次抽出的球上字母相同}) = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}.$$

21. (本题满分 7 分)

(1) 线段如图所示：



第21题图

(2) $\sqrt{17} + \frac{5}{2}\pi$.

22. (本题满分 8 分)

(1) 解：作 $\triangle ABC$ 的外接圆直径 CD ，连接 BD 。

则 $\angle CBD = 90^\circ$ ， $\angle D = \angle A$ 。

$$\therefore \frac{BC}{CD} = \sin D = \sin A = \frac{4}{5}.$$

$$\because BC = 5, \therefore CD = \frac{25}{4}. \text{ 即 } \triangle ABC \text{ 的外接圆的直径为 } CD = \frac{25}{4}.$$

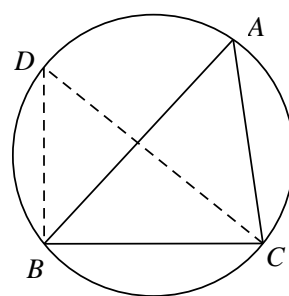
(2) 连接 BI 并延长交 AC 于 H ，作 $IE \perp AB$ 于 E 。

$\because I$ 为 $\triangle ABC$ 的内心， $\therefore BI$ 平分 $\angle ABC$ 。

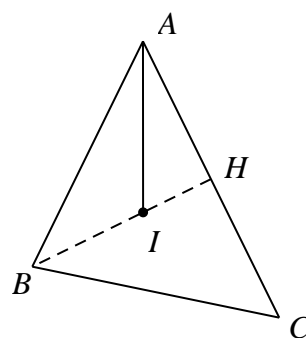
$\because BA = BC$ ， $\therefore BH \perp AC$ ， $\therefore IH = IE$ 。

$$\text{在 Rt}\triangle ABH \text{ 中, } BH = AB \sin \angle BAH = 4, \quad AH = \sqrt{AB^2 - BH^2} = 3.$$

$$\therefore S_{\triangle ABI} + S_{\triangle AHI} = S_{\triangle ABH}.$$



第22题图1



第22题图2

$$\therefore \frac{IE \cdot AB}{2} + \frac{IH \cdot AH}{2} = \frac{AH \cdot BH}{2}, \text{ 即: } \frac{5IE}{2} + \frac{3IH}{2} = \frac{3 \times 4}{2}.$$

$$\because IH = IE \quad \therefore IH = \frac{3}{2}.$$

$$\text{在 Rt}\triangle AIH \text{ 中, 由勾股定理得, } AH = \sqrt{AI^2 + IH^2} = \frac{3}{2}\sqrt{5}.$$

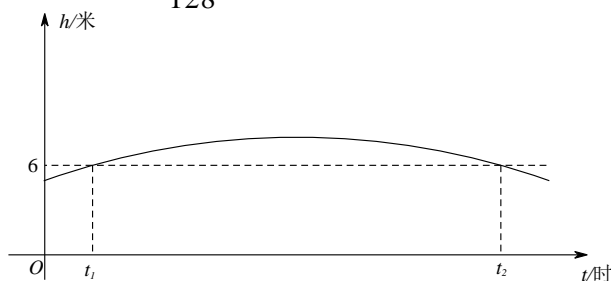
23. (本题满分 10 分)

解: (1) 依题意可得, 顶点 C 的坐标为 (0, 11). 设抛物线解析式为 $y = ax^2 + 11$.

$$\text{由抛物线的对称性可得, } B(8, 8), \therefore 8 = 64a + 11, \text{ 解得 } a = -\frac{3}{64}.$$

$$\therefore \text{抛物线的解析式为 } y = -\frac{3}{64}x^2 + 11.$$

(2) 画出 $h = -\frac{1}{128}(t-19)^2 + 8$ ($0 \leq t \leq 40$) 的图像



当水面到顶点 C 的距离不大于 5 米时, $h \geq 6$. 当 $h = 6$ 时, 解得 $t_1 = 35, t_2 = 3$.

由图像的变化趋势得, 禁止船只通行的时间为 $|t_1 - t_2| = 32$ (时).

答: 禁止船只通行的时间为 32 小时.

24. (本题满分 10 分)

$$(1) \text{ ①当 } \triangle AMN \sim \triangle ABC \text{ 时, 有 } \frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC}.$$

$$\because M \text{ 为 } AB \text{ 的中点, } AB = 2\sqrt{5}, \therefore AM = \sqrt{5}.$$

$$\because BC = 6, \therefore MN = 3.$$

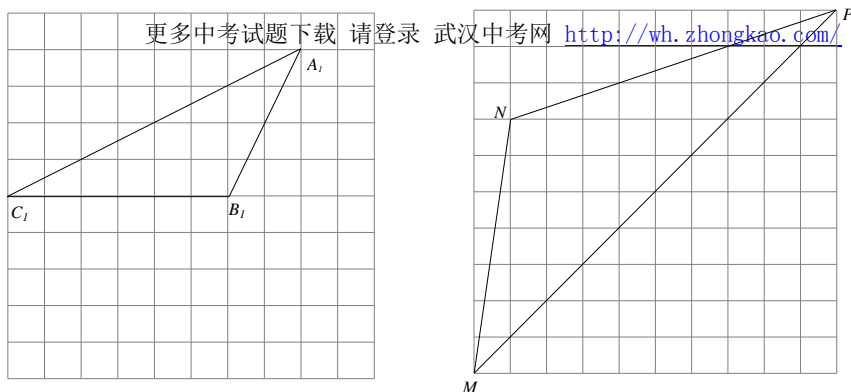
$$\text{②当 } \triangle ANM \sim \triangle ABC \text{ 时, 有 } \frac{AM}{AC} = \frac{MN}{BC}.$$

$$\because M \text{ 为 } AB \text{ 的中点, } AB = 2\sqrt{5}, \therefore AM = \sqrt{5}. \because BC = 6, \therefore MN = \frac{3}{2}.$$

$$\because BC = 6, \therefore MN = 3.$$

$$\therefore MN \text{ 的长为 } 3 \text{ 或 } \frac{3}{2}.$$

(2) ①画出一个正确的即可.



②8 个.

画出的一个格点三角形如图所示.

25. (本题满分 12 分)

解: (1) 当 $x=0$ 时, $y=-2$, $\therefore A(0, -2)$.

设直线 AB 的解析式为 $y=kx+b$.

$$\text{由 } \begin{cases} -2=b \\ 0=k+b \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k=2 \\ b=-2 \end{cases} \therefore \text{直线 AB 的解析式为 } y=2x-2.$$

\because 点 C 为直线 $y=2x-2$ 与抛物线 $y=\frac{1}{2}x^2-2$ 的交点, 则点 C 的横、纵坐标

$$\text{满足 } \begin{cases} y=\frac{1}{2}x^2-2 \\ y=2x-2 \end{cases}, \text{ 解得 } \begin{cases} x_1=4 \\ y_1=6 \end{cases}, \begin{cases} x_2=0 \\ y_2=-2 \end{cases} \text{ (舍)} \therefore \text{点 C 的坐标为 } (4, 6).$$

(2) 直线 $x=3$ 分别交直线 AB 和抛物线 C_1 于 D、E 两点, $\therefore y_D=4, y_E=\frac{5}{2}$. $\therefore DE=\frac{3}{2}$.

$\therefore FG: DE=4: 3$, $\therefore FG=2$.

\therefore 直线 $x=a$ 分别交直线 AB 和抛物线 C_1 于 F、G 两点,

$$\therefore y_F=2a-2, y_G=\frac{1}{2}a^2-2. \therefore FG=\left|2a-\frac{1}{2}a^2\right|=2.$$

解得 $a_1=2, a_2=2+2\sqrt{2}, a_3=2-2\sqrt{2}$.

(3) 解法一: 设直线 MN 交 y 轴于 T, 过点 N 作 $NH \perp y$ 轴于点 H.

设点 M 的坐标为 $(t, 0)$, 抛物线 C_2 的解析式为 $y=\frac{1}{2}x^2-2-m$.

$$\therefore 0=\frac{1}{2}t^2-2-m, \therefore -2-m=-\frac{1}{2}t^2. \therefore y=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}t^2,$$

\therefore 点 P 的坐标为 $(0, -\frac{1}{2}t^2)$.

\therefore 点 N 是直线 AB 与抛物线 $y=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}t^2$ 的交点, 则点 N 的横、纵坐标

$$\text{满足} \begin{cases} y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}t^2 \\ y = 2x - 2 \end{cases}, \text{解得} \begin{cases} x_1 = 2 - t \\ y_1 = 2 - 2t \end{cases}, \begin{cases} x_2 = 2 + 2t \\ y_2 = 2 + 2t \end{cases} \text{ (舍)} \therefore N(2 - t, 2 - 2t). NQ$$

$$= 2 - 2t, MQ = 2 - 2t, \therefore MQ = NQ, \therefore \angle MNQ = 45^\circ.$$

$$\therefore \triangle MOT, \triangle NHT \text{ 均为等腰直角三角形. } \therefore MO = TO, HT = HN.$$

$$\therefore OT = -t, NT = \sqrt{2}NH = \sqrt{2}(2 - t), PT = -t + \frac{1}{2}t^2.$$

$$\because PN \text{ 平分 } \angle MNQ, \therefore PT = NT, \therefore -t + \frac{1}{2}t^2 = \sqrt{2}(2 - t),$$

$$\therefore t_1 = -2\sqrt{2}, t_2 = 2 \text{ (舍)}.$$

$$\therefore -2 - m = -\frac{1}{2}t^2 = -\frac{1}{2}(-2\sqrt{2})^2, \therefore m = 2.$$

$$\text{解法二: 设 } N \text{ 点坐标为 } (t, 2t - 2), \text{ 抛物线 } C_2 \text{ 的解析式为 } y = \frac{1}{2}x^2 - 2 - m,$$

$$\therefore 2t - 2 = \frac{1}{2}t^2 - 2 - m. \therefore \text{点 } P \text{ 的坐标为 } (0, -\frac{1}{2}t^2 + 2t - 2).$$

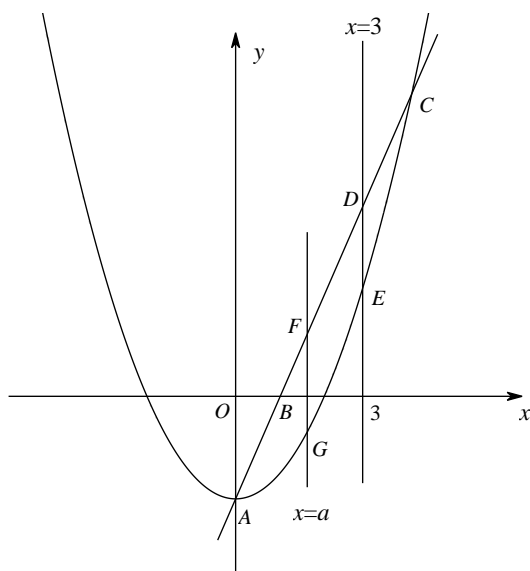
$$\text{同解法一可得, } \angle MNQ = 45^\circ, \therefore \angle PNQ = \frac{1}{2}\angle MNQ = 22.5^\circ$$

过点 P 作 $PF \perp NQ$ 于点 F, 在 FN 上截取 $FJ = FP$, 连接 JP,

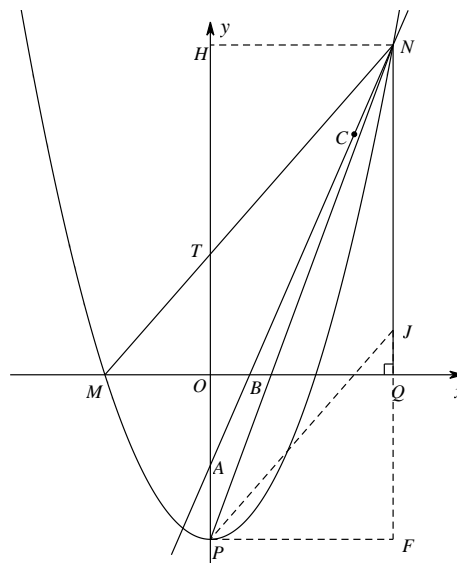
$$\therefore NJ = JP = \sqrt{2}PF = \sqrt{2}FJ.$$

$$\therefore NF = (\sqrt{2} + 1)PF, \therefore (2t - 2) - \left(-\frac{1}{2}t^2 + 2t - 2\right) = (\sqrt{2} + 1)t.$$

$$\therefore t_1 = 2\sqrt{2} + 2, t_2 = 0 \text{ (舍)}. \therefore m = \frac{1}{2}t^2 - 2t = 2, \therefore m = 2.$$



第25题图1



第25题图2

注：第三小题其他解题方法参照所给解法的评分标准给分。