

八年级（下）期末数学复习效果检测试卷（三）

一. 选择题（共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分）

温馨提示：每一题的四个答案中只有一个是正确的，请将正确的答案选择出来！

1. 设 $a = \sqrt{19} - 1$ ， a 在两个相邻整数之间，则这两个整数是（ ）

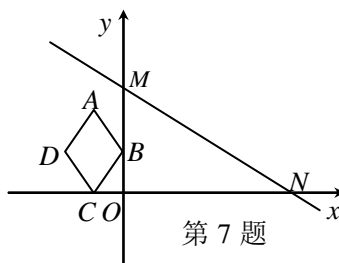
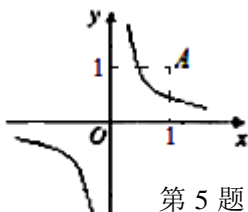
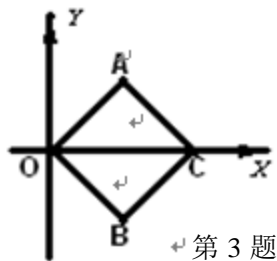
- A. 1 和 2 B. 2 和 3 C. 3 和 4 D. 4 和 5

2. 下列各点中，在函数 $y = -\frac{12}{x}$ 的图象上的点是（ ）

- A. (3, 4) B. (-2, -6) C. (-2, 6) D. (-3, -4)

3. 如图，在平面直角坐标系中，正方形 $OACB$ 的顶点 O 、 C 的坐标分别是 $(0, 0)$ 、 $(2, 0)$ ，则顶点 B 的坐标是（ ）

- A. (1, 1) B. (-1, -1) C. (1, -1) D. (-1, 1)



4. 在一次射击测试中，甲、乙、丙、丁的平均环数均相同，而方差分别为 8.7, 6.5, 9.1, 7.7，则这四人中，射击成绩最稳定的是（ ）

- A. 甲 B. 乙 C. 丙 D. 丁

5. 如图，已知点 (m, y_1) 、 $(m-3, y_2)$ 、 $(m-4, y_3)$ 在反比例函数 $y = \frac{m-1}{x}$ 的图象上，则 y_1 、 y_2 、 y_3 的大小关系是（ ）

- A. $y_1 > y_2 > y_3$ B. $y_2 > y_1 > y_3$ C. $y_1 > y_3 > y_2$ D. $y_3 > y_2 > y_1$

6. 某超市一月份营业额为 300 万元，第一季度的营业额为 1500 万元，如果平均每月增长率为 x ，由题意可列方程（ ）

- A. $300(1+x)^2 = 1500$ B. $300+300 \times 2x = 1500$
C. $300[1 + (1+x) + (1+x)^2] = 1500$ D. $300+300 \times 3x = 1500$

7. 如图，在平面直角坐标系中，菱形 $ABCD$ 的顶点 C 的坐标为 $(-1, 0)$ ，点 B 的坐标为

(0, 2), 点 A 在第二象限. 直线 $y = -\frac{1}{2}x + 5$ 与 x 轴、 y 轴分别交于点 N 、 M . 将菱形 $ABCD$ 沿 x 轴向右平移 m 个单位, 当点 D 落在 $\triangle MON$ 的内部时 (不包括三角形的边), 则 m 的值可能是()

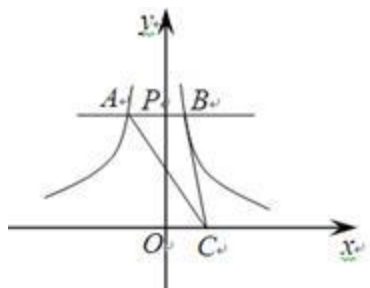
- A. 1 B. 2 C. 4 D. 8

8. 已知关于 x 的一元二次方程 $(m-2)^2x^2 + (2m+1)x + 1 = 0$ 有两个不相等的实数根, 则 m 的取值范围是 ()

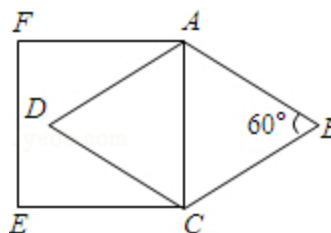
- A. $m > \frac{3}{4}$ B. $m \geq \frac{3}{4}$ C. $m > \frac{3}{4}$ 且 $m \neq 2$ D. $m \geq \frac{3}{4}$ 且 $m \neq 2$

9. 如图, 点 P 在 y 轴正半轴上运动, 点 C 在 x 轴上运动, 过点 P 且平行于 x 轴的直线分别交函数 $y = -\frac{4}{x}$ 和 $y = \frac{2}{x}$ 于 A 、 B 两点, 则 $\triangle ABC$ 的面积等于()

- A. 2 B. 3 C. 4 D. 6



第 9 题



第 10 题

10. 如图, 菱形 $ABCD$ 中, $\angle B = 60^\circ$, $AB = 4$, 则以 AC 为边长的正方形 $ACEF$ 的周长为 ()

A. 14 B. 15 C. 16 D. 17

二. 填空题: (本题共 6 小题, 每小题 4 分, 共 24 分)

温馨提示: 填空题应将最简洁最正确的答案填在空格内!


11. 计算: $\frac{4}{\sqrt{2}} - \sqrt{\frac{1}{2}} =$ _____

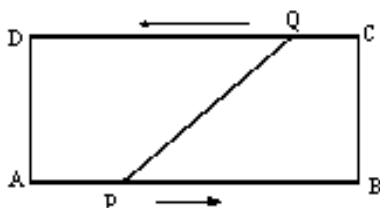
12. 关于 x 的方程 $x^2 - mx + m^2 + 1 = 0$ 根的情况是 _____

13. $\sqrt{\frac{x}{x-5}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x-5}}$ 有意义则 x 的取值范围 _____

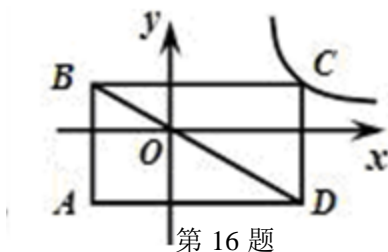
14. 样本数据 3、6、 a 、4、2 的平均数是 5, 则这个样本的方差是 _____

15. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = 16\text{cm}$, $AD = 6\text{cm}$, 动点 P , Q 分别从 A , C , 同时出发, 点 P 以 2cm/s 的速度向点 B 移动, 到达 B 点后停止, 点 Q 以 1cm/s 的速度向点 D 移动,

- 到达 D 点后停止, P, Q 两点出发后, 经过_____秒时, 线段 PQ 的长是 10cm .
16. 如图, 矩形 $ABCD$ 的对角线 BD 经过坐标原点, 矩形的边分别平行于坐标轴, 点 C 在反比例函数的图象上. 若点 A 的坐标为 $(-2, -2)$, 则 k 的值为_



第 15 题



第 16 题

三. 解答题 (共 7 题, 共 66 分) 温馨提示: 解答题应完整地表述出解答过程!

17. (本题 6 分) 先化简, 再求值:

$$\frac{m-3}{3m^2-6m} \div \left(m+2 - \frac{5}{m-2} \right), \text{ 其中 } m \text{ 是方程 } x^2+3x-2=0 \text{ 的根.}$$

18. (本题 8 分) 某省为解决农村饮用水问题, 省财政部门共投资 10 亿元对各地的农村饮用

水的“改水工程”予以一定比例的补助. 2012 年, A 市在省财政补助的基础上投入 600 万元用于“改水工程”, 计划以后每年以相同的增长率投资, 2014 年该市计划投资“改水工程”864 万元.

- (1) 求 A 市投资“改水工程”的年平均增长率;
- (2) 从 2012 年到 2014 年, A 市三年共投资“改水工程”多少万元?

19、(本题 8 分)为了比较市场上甲、乙两种电子钟每日走时误差的情况, 从这两种电子钟中, 各随机抽取 5 台进行测试, 两种电子钟走时误差的数据如下表 (单位: 秒):

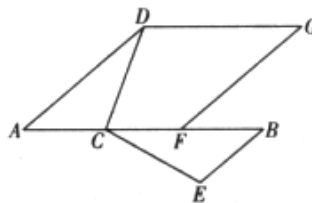
<div> <div>编号</div> <div>类型</div> </div>	一	二	三	四	五
甲种电子钟	1	-3	-4	4	2
乙种电子钟	4	-3	-1	2	-2

- (1) 计算甲、乙两种电子钟走时误差的平均数;
- (2) 计算甲、乙两种电子钟走时误差的方差;
- (3) 根据经验, 走时稳定性较好的电子钟质量更优. 若两种类型的电子钟价格相同, 请问你买哪种电子钟? 为什么?

20 (本题 10 分). 如图, 点 C 在线段 AB 上, $AD \parallel EB$, $AC = BE$, $\angle ADC = \angle BCE$.

(1) 求证: $\triangle ACD \cong \triangle BEC$;

(2) 点 F 在线段 AB 上, 若 $FG \parallel AD$ 且 $FG = BC$, 连接 DG 。猜想四边形 $ADGF$ 是怎样特殊的四边形, 并给出证明。

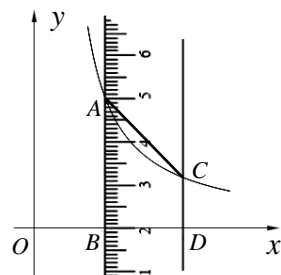


21 (本题 10 分). 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 + (2m - 1)x + m^2 = 0$ 有两个实数根 x_1 和

x_2 . (1) 求实数 m 的取值范围; (2) 当 $x_1^2 - x_2^2 = 0$ 时, 求 m 的值.

22 (本题 12 分). 如图, 平行于 y 轴的直尺 (一部分) 与反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象交于点 A 、 C , 与 x 轴交于点 B 、 D , 连结 AC . 点 A 、 B 的刻度分别为 5、2 (单位: cm), 直尺的宽度为 $2cm$, $OB = 2cm$.

(1) 求这个反比例函数的解析式; (2) 四边形 $ABCD$ 的面积.

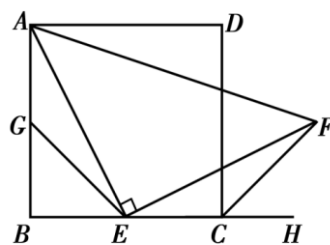


23. (本题 12 分) 如图 10, 四边形 $ABCD$ 是边长为 a 的正方形, 点 G 、 E 分别是边 AB 、 BC 的中点, $\angle AEF = 90^\circ$, 且 EF 交正方形外角的平分线 CF 于点 F .

(1) 证明: $\angle BAE = \angle FEC$;

(2) 证明: $\triangle AGE \cong \triangle ECF$;

(3) 求 $\triangle AEF$ 的面积.



参考答案

一. 选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	C	C	C	B	C	C	C	D	B	C

二. 填空题

11. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ 12. 没有实数根 13. $x > 5$

14. 8 15. $\frac{8}{3}$ 或 8 16. 1

三. 解答题

17. 解：原式 = $\frac{m-3}{3m(m-2)} \div \frac{m^2-4-5}{m-2} = \frac{m-3}{3m(m-2)} \cdot \frac{m-2}{(m+3)(m-3)} = \frac{1}{3m(m+3)}$

$= \frac{1}{3(m^2+3m)}$ $\because m$ 是方程 $x^2+3x-2=0$ 的解, $\therefore m^2+3m=2$

\therefore 原式 = $\frac{1}{3 \times 2} = \frac{1}{6}$

18. 解：(1) 设求 A 市投资“改水工程”费用的年平均增长率为 x ,

得, $600(1+x)^2 = 864$ 解之得, $x_1 = 0.2$, $x_2 = -2.2$ (不合题意, 舍去)

$\therefore x_1 = 0.2 = 20\%$

答: A 市投资“改水工程”费用的年平均增长率为 20%.

(2) 由题意得, $600 + 600(1+x) + 864 = 600 + 600 \times 120\% + 864 = 2184$ (万元)

答: 从 2012 年到 2014 年, A 市三年共投资“改水工程”2184 万元.

19.(1) 解: $\bar{x}_{\text{甲}} = 0, \bar{x}_{\text{乙}} = 0$

(2). $S_{\text{甲}}^2 = \frac{1}{5}(1+9+16+16+4) = 9.2$ $S_{\text{乙}}^2 = \frac{1}{5}(16+9+1+4+4) = 6.8$

(3) 应选择乙品牌的电子钟, 因为方差小说明走时比较准。

20 (1) 证明: $\because AD \parallel EB$,

$\therefore \angle A = \angle B$ 。

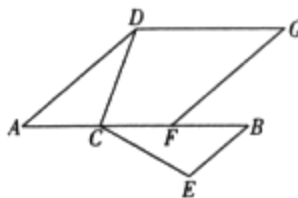
在 $\triangle ACD$ 和 $\triangle BEC$ 中,
$$\begin{cases} \angle ADC = \angle BCE, \\ \angle A = \angle B, \\ AC = BE, \end{cases} \therefore \triangle ACD \cong \triangle BEC.$$

(2) 猜想: 四边形 $ADGF$ 是平行四边形。

证明: $\because \triangle ACD \cong \triangle BEC$, $\therefore AD = CB$ 。

$\because FG = GB$, $\therefore AD = FG$ 。

$\because FG \parallel AD$, \therefore 四边形 $ADGF$ 是平行四边形。



21. 解: (1) 由题得 $\Delta \geq 0$ 即 $(2m-1)^2 - 4m^2 \geq 0$ 解得: $m \leq \frac{1}{4}$

(2) $\because x_1^2 - x_2^2 = 0$ 即 $(x_1 + x_2)(x_1 - x_2) = 0$

当 $(x_1 + x_2) = 0$ 时, 即 $1 - 2m = 0$,

解得: $m = \frac{1}{2}$ (不合题意, 舍去)

当 $(x_1 - x_2) = 0$ 时, 即 $x_1 = x_2$, $\Delta = 0$, 解得: $m = \frac{1}{4}$

综上, 当 $x_1^2 - x_2^2 = 0$ 时, $m = \frac{1}{4}$

22. 解: (1) 由题可知 $A(2, 5)$ 设反比例函数解析式为 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$

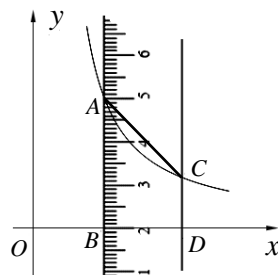
\because 反比例函数过 $A(2, 5)$,

$\therefore 5 = \frac{k}{2}$, $\therefore k = 10$

反比例函数解析式为 $y = \frac{10}{x}$

(2) $\because C$ 的横坐标为 4, 且点 C 在 $y = \frac{10}{x}$ 上

\therefore 点 C 的坐标为 $(4, 2.5)$



$S_{\text{梯形}ABDC} = \frac{1}{2}(AB + CD) \times BD = \frac{1}{2}(5 + 2.5) \times 2 = 7.5 (\text{cm}^2)$

23. (1) 证明: $\because \angle AEF = 90^\circ$,

$$\therefore \angle FEC + \angle AEB = 90^\circ$$

在 $Rt\triangle ABE$ 中, $\angle AEB + \angle BAE = 90^\circ$,

$$\therefore \angle BAE = \angle FEC;$$

(2) 证明: $\because G, E$ 分别是正方形 $ABCD$ 的边 AB, BC 的中点,

$$\therefore AG = GB = BE = EC, \text{ 且 } \angle AGE = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ.$$

又 $\because CF$ 是 $\angle DCH$ 的平分线,

$$\angle ECF = 90^\circ + 45^\circ = 135^\circ.$$

在 $\triangle AGE$ 和 $\triangle ECF$ 中,

$$\begin{cases} AG = EC, \\ \angle AGE = \angle ECF = 135^\circ, \\ \angle GAE = \angle FEC \end{cases}$$

$$\therefore \triangle AGE \cong \triangle ECF; \quad (3) \text{ 解: 由 } \triangle AGE \cong \triangle ECF, \text{ 得 } AE = EF.$$

又 $\because \angle AEF = 90^\circ$,

$$\therefore \triangle AEF \text{ 是等腰直角三角形. 由 } AB = a, BE = \frac{1}{2}a, \text{ 知 } AE = \frac{\sqrt{5}}{2}a,$$

$$\therefore S_{\triangle AEF} = \frac{5}{8}a^2.$$

