

2017-2018 (1) 期中质量检测

八年级数学试题

(考试时间: 120 分钟; 满分: 120 分)

友情提示: Hi, 亲爱的同学, 欢迎你参加本次考试, 祝你答题成功!

1. 请务必在指定的位置填写座号, 并将密封线内的项目填写清楚

2. 本试题共有 24 道题. 其中 1—8 题为选择题, 9—14 题为填空题, 15 题为作图题,

16—24 题为解答题. 所有题目均在答题卡上作答, 在本卷上作答无效.

一、选择题 (本题满分 24 分, 共有 8 道小题, 每小题 3 分)

下列每小题都给出标号为 A、B、C、D 的四个结论, 其中只有一个是正确的. 每小题选对得分; 不选、选错或选出的标号超过一个的不得分.

1. 下列各组数中, 不能构成直角三角形的一组是 ()

- A. 1, 2, $\sqrt{5}$ B. 1, 2, $\sqrt{3}$ C. 3, 4, 5 D. 6, 8, 12

2. 在实数 3.14159, 1.010010001, 4.21, π , $-\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\frac{22}{7}$ 中, 无理数有 ()

- A. 2 个 B. 3 个 C. 4 个 D. 5 个

3. 下列说法中, 正确的是 ()

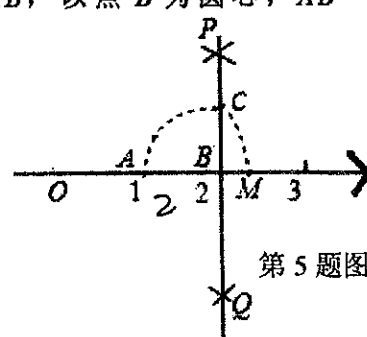
- A. 两个无理数的和是无理数 B. 两个无理数的积还是无理数
C. 一个有理数与一个无理数的和是无理数 D. 一个有理数与一个无理数的积是无理数

4. 下列计算正确的是 ()

- A. $\sqrt{16} = \pm 4$ B. $\sqrt{24} \div \sqrt{6} = 4$ C. $\sqrt{\frac{2}{3}} \times \sqrt{6} = 2$ D. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$

5. 如图, 数轴上点 A, B 分别对应 1, 2, 过点 B 作 $PQ \perp AB$, 以点 B 为圆心, AB 长为半径画弧, 交 PQ 于点 C, 以原点 O 为圆心, OC 长为半径画弧, 交数轴于点 M, 则点 M 对应的数是 ()

- A. $\sqrt{3}$ B. $\sqrt{5}$ C. $\sqrt{6}$ D. $\sqrt{7}$

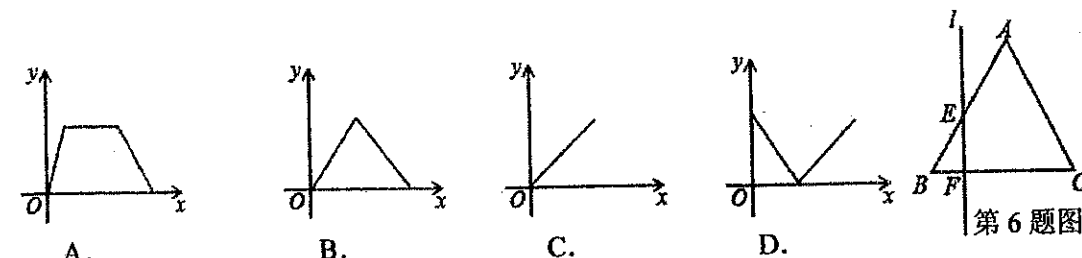


第 5 题图

6. 如图, 在等腰 $\triangle ABC$ 中, 直线 l 垂直底边 BC , 现将直线 l 沿线段

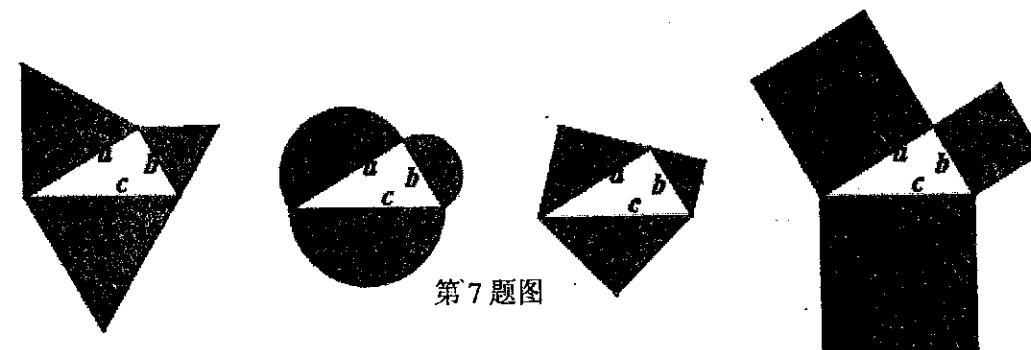
BC 从 B 点匀速平移至 C 点, 直线 l 与 $\triangle ABC$ 的边相交于 E 、 F 两点. 设线段 EF 的长度为 y , 平

移时间为 x , 则下图中能较好反映 y 与 x 的函数关系的图象是 ()



第 6 题图

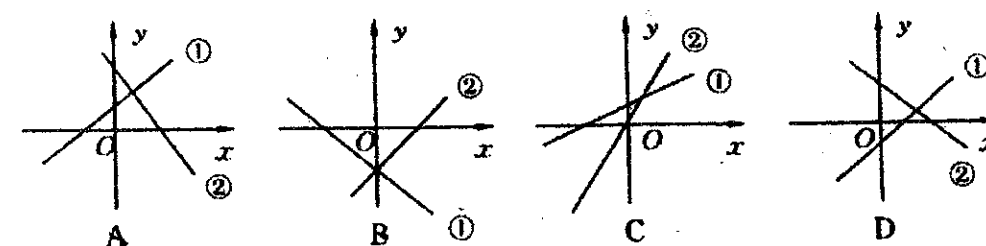
7. 如图, 以直角三角形 a 、 b 、 c 为边, 向外作等边三角形, 半圆, 等腰直角三角形和正方形, 上述四种情况的面积关系满足 $S_1 + S_2 = S_3$ 的图形个数有 ()



第 7 题图

- A. 4 B. 3 C. 2 D. 1

8. 函数 $y = ax + b$ ① 和 $y = bx + a$ ② ($ab \neq 0$) 在同一平面直角坐标系中的图象 (如图所示) 可能是 ()



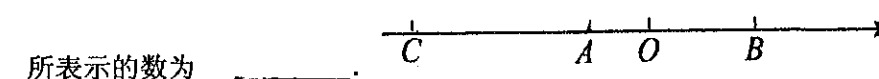
二、填空题 (本题满分 18 分, 共有 6 道小题, 每小题 3 分)

9. 在平面直角坐标系中, 若点 $A(a, -b)$ 在第一象限内, 则点 $B(a, b)$ 所在的象限是第 _____ 象限.

10. 已知点 $P(3, -1)$ 关于 y 轴的对称点 Q 的坐标是 $(a+b, 1-b)$, 则 a^b 的值为 _____.

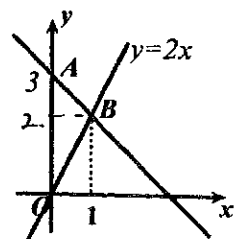
11. 已知一个直角三角形中两边长分别为 5 和 13, 则第三边的长度为 _____.

12. 如图, 数轴上 A 、 B 两点表示的数分别为 -1 和 $\sqrt{3}$, 点 B 关于点 A 的对称点为 C , 则点 C

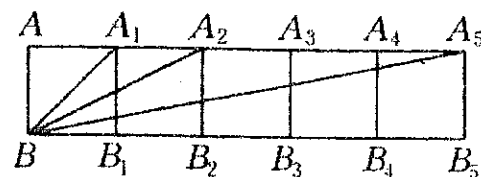


所表示的数为 _____.

13. 如图, 过 A 点的一次函数图象与正比例函数 $y=2x$ 的图象相交于点 B , 则这个一次函数的表达式是_____.



第 13 题图



第 14 题图

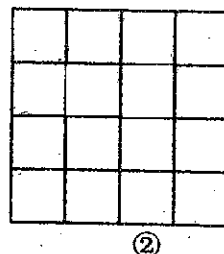
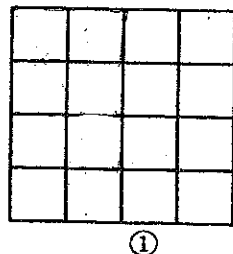
14. 如图是由 5 个边长为 1 的正方形组成的图形, 则 $BA_1^2 = \underline{\hspace{1cm}}$; $BA_5^2 = \underline{\hspace{1cm}}$;

当有 n 个正方形时, 则 $BA_n^2 = \underline{\hspace{1cm}}$.

三、作图题 (本题满分 4 分)

15. 如图, 正方形网格中的每个小正方形的边长都是 1, 每个小格的顶点叫做格点, 以格点为顶点分别按下列要求画三角形:

- (1) 使三角形的三边长分别为 2, 3, $\sqrt{13}$ (在图①中画出一个即可);
- (2) 使三角形为直角三角形且三边长均为无理数 (在图②中画出一个即可), 并注明你所画三角形的三边的长.



四、解答题 (本题满分 74 分, 共有 9 道小题)

16. (本小题满分 12 分, 每题 4 分)

(1) $\frac{\sqrt{20} + \sqrt{5}}{\sqrt{5}} - 2$

(2) $3\sqrt{20} - \sqrt{45} - 2\sqrt{\frac{1}{5}}$

(3) $\left(3\sqrt{12} - 2\sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{48}\right) \div 2\sqrt{3}$

17. (本小题满分 6 分)

已知 a 的平方根是 $\pm\sqrt{17}$, -2 的平方等于 b , 求 $a+2b$ 的算术平方根.

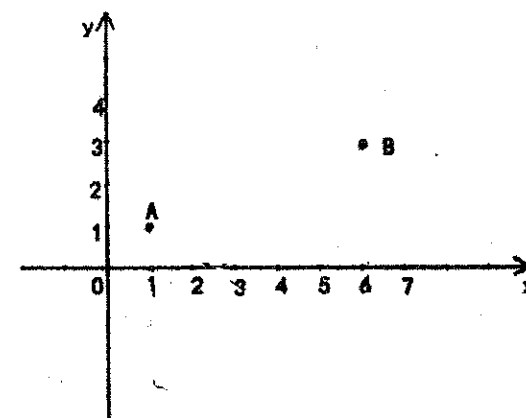
18. (本小题满分 6 分)

- (1) 如果 $\triangle ABC$ 三个顶点的坐标分别是 $A(-2, 0)$, $B(-1, 0)$, $C(-1, 2)$, $\triangle ABC$ 关于 y 轴的对称图形是 $\triangle A_1B_1C_1$, 写出 $\triangle A_1B_1C_1$ 的三个顶点的坐标;
- (2) 如果 $\triangle A_1B_1C_1$ 关于 x 轴的对称图形是 $\triangle A_2B_2C_2$, 写出 $\triangle A_2B_2C_2$ 的三个顶点的坐标.

19. (本小题满分 6 分)

如图, 已知 A 、 B 两村庄的坐标分别为 $(1, 1)$ 、 $(6, 3)$, 一辆汽车在 x 轴上行驶, 从原点 O 出发.

- (1) 汽车行驶到什么位置时离 A 村最近? 写出此点的坐标;
- (2) 汽车行驶到什么位置时离 B 村最近? 写出此点的坐标;
- (3) 汽车行驶到什么位置时距离两村的和最短? 最短距离是多少?



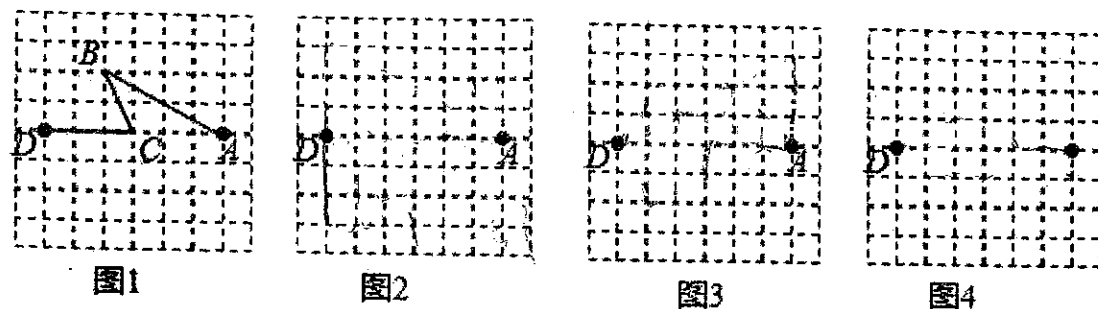
第 19 题图

20. (本小题满分 6 分)

已知, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=10$, $AC=2\sqrt{10}$, BC 边上的高 $AD=6$, 求另一边 BC 的长度.

21. (本小题满分 8 分)

如图所示, 图 1 是某公交公司 1 路车从起点站 A 站途经 B 站和 C 站, 最终到达终点站 D 站的格点站路线图. (8×8 的格点图是由边长为 1 的小正方形组成)



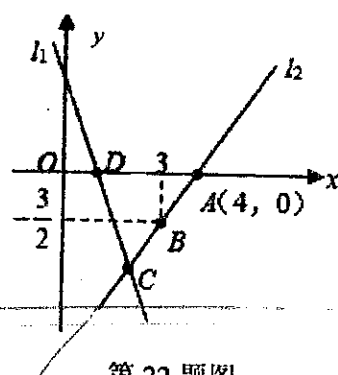
- (1) 求 1 路车从 A 站到 D 站所走的路程;
- (2) 在图 2、图 3 和图 4 的网格中各画出一一种从 A 站到 D 站的路线图. (要求: ①与图 1 路线不同、路程相同; ②途中必须经过两个格点站; ③所画路线图不重复)

至少

22. (本小题满分 8 分)

如图, 直线 l_1 的解析表达式为 $y = -3x + 3$, 且 l_1 与 x 轴交于点 D, 直线 l_2 经过点 A, B, 直线 l_1, l_2 交于点 C.

- (1) 求点 D 的坐标;
- (2) 求直线 l_2 的解析表达式;
- (3) 在直线 l_2 上存在异于点 C 的另一点 P, 使 $\triangle ADP$ 的面积是 $\triangle ADC$ 的面积的 2 倍, 请直接写出点 P 的坐标.

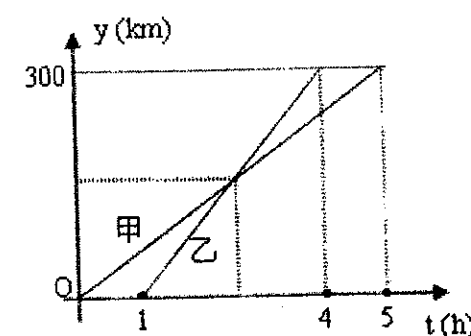


第 22 题图

23. (本小题满分 10 分)

甲、乙两车从 A 城出发匀速行驶至 B 城. 在整个行驶过程中, 甲、乙两车离开 A 城的距离 y (千米) 与甲车行驶的时间 t (小时) 之间的函数关系如图所示. 根据图象解答下列问题:

- (1) A, B 两城相距 _____ 千米; 乙车比甲车晚出发 _____ 小时, 却早到 _____ 小时;
- (2) 乙车出发后多少小时追上甲车?
- (3) 当甲、乙两车相距 50 千米时, 求 t 的值.



第 23 题图

24. (本小题满分 12 分)

阅读材料:

小亮在学习二次根式后, 发现一些含根号的式子可以写成另一个式子的平方, 如 $3 + 2\sqrt{2} = (1 + \sqrt{2})^2$. 善于思考的小亮进行了以下探索:
 设 $a + b\sqrt{2} = (m + n\sqrt{2})^2$ (其中 a, b, m, n 均为正整数), 则有 $a + b\sqrt{2} = m^2 + 2n^2 + 2mn\sqrt{2}$.
 $\therefore a = m^2 + 2n^2, b = 2mn$. 这样小亮就找到了一种把类似 $a + b\sqrt{2}$ 的式子化为平方式的方法.

解决问题:

请你仿照小亮的方法探索并解决下列问题:

- (1) 当 a, b, m, n 均为正整数时, 若 $a + b\sqrt{3} = (m + n\sqrt{3})^2$, 用含 m, n 的式子分别表示 a, b , 得: $a = \underline{\hspace{2cm}}, b = \underline{\hspace{2cm}}$;
- (2) 利用所探索的结论, 找一组正整数 a, b, m, n 填空: $\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}\sqrt{3} = (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}\sqrt{3})^2$;
- (3) 若 $a + 4\sqrt{3} = (m + n\sqrt{3})^2$, 且 a, m, n 均为正整数, 求 a 的值.