

九年级数学 (人教版)

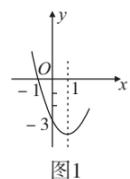
注意事项:

1. 本试卷共6页, 三个大题, 满分120分, 考试时间120分钟。请用蓝、黑色水笔或圆珠笔直接答在试卷上。
2. 答卷前请将密封线内的项目填写清楚。

题号	一		三							总分	
	1~10	11~15	16	17	18	19	20	21	22		23
分数											

一、选择题 (每小题3分, 共30分) 下列各小题均有四个答案, 其中只有一个是正确的, 将正确答案的代号字母填在题后括号内。

1. 下列方程是一元二次方程的是 ()
 - A. $x^2 + 2y = 1$
 - B. $x^3 - 2x = 3$
 - C. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 5$
 - D. $x^2 = 0$
2. 方程 $2(2x+1)(x-4) = 0$ 的两根分别为 ()
 - A. $\frac{1}{2}$ 和 3
 - B. $-\frac{1}{2}$ 和 4
 - C. $\frac{1}{2}$ 和 -3
 - D. $-\frac{1}{2}$ 和 -3
3. 设 a, b 是方程 $x^2 + x - 2018 = 0$ 的两个实数根, 则 $a^2 + 2a + b$ 的值为 ()
 - A. 2015
 - B. 2016
 - C. 2017
 - D. 2018
4. 抛物线 $y = 2(x-3)^2 + 4$ 的顶点坐标是 ()
 - A. (3, 4)
 - B. (-3, 4)
 - C. (3, -4)
 - D. (2, 4)
5. 要组织一次篮球邀请赛, 参赛的每个队之间都要比赛一场, 计划安排15场比赛, 设比赛组织者应邀请 x 个队参赛, 则 x 满足的关系式为 ()
 - A. $\frac{1}{2}x(x+1) = 15$
 - B. $\frac{1}{2}x(x-1) = 15$
 - C. $x(x+1) = 15$
 - D. $x(x-1) = 15$
6. 已知二次函数 $y = a(x-1)^2 + b$ ($a \neq 0$) 有最大值 $\frac{1}{2}$, 则 a, b 的大小比较为 ()
 - A. $a > b$
 - B. $a < b$
 - C. $a = b$
 - D. 不能确定
7. 关于 x 的一元二次方程 $kx^2 + 3x - 1 = 0$ 有实数根, 则 k 的取值范围是 ()
 - A. $k \leq -\frac{9}{4}$
 - B. $k \leq -\frac{9}{4}$ 且 $k \neq 0$
 - C. $k \geq -\frac{9}{4}$
 - D. $k \geq -\frac{9}{4}$ 且 $k \neq 0$
8. 已知抛物线 $y = x^2 + bx + c$ 的部分图象如图1所示, 若 $y < 0$, 则 x 的取值范围是 ()
 - A. $-1 < x < 4$
 - B. $-1 < x < 3$
 - C. $x < -1$ 或 $x > 4$
 - D. $x < -1$ 或 $x > 3$
9. 如图2, 关于 x 的二次函数 $y = x^2 - x + m$ 的图象交 x 轴的正半轴于 A, B



两点, 交 y 轴的正半轴于 C 点, 如果 $x = a$ 时, $y < 0$, 那么关于 x 的一次函数 $y = (a-1)x + m$ 的图象可能是 ()

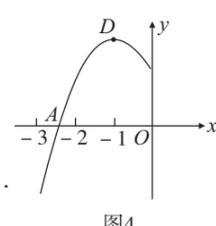
- A. B. C. D.

10. 如图3, 在等腰 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 4\text{cm}$, $\angle B = 30^\circ$, 点 P 从点 B 出发, 以 $\sqrt{3}\text{cm/s}$ 的速度沿 BC 方向运动到点 C 停止, 同时点 Q 从点 B 出发, 以 1cm/s 的速度沿 $BA - AC$ 方向运动到点 C 停止, 若 $\triangle BPQ$ 的面积为 y (cm^2), 运动时间为 x (s), 则下列最能反映 y 与 x 之间函数关系的图象是 ()

- A. B. C. D.

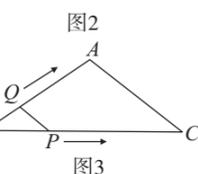
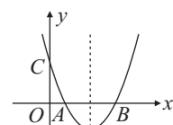
二、填空题 (每小题3分, 共15分)

11. 若一元二次方程 $ax^2 - bx - 2018 = 0$ 有一根为 $x = -1$, 则 $a + b =$ _____.
12. 二次函数 $y = x^2 - bx + c$ 的图象上有两点 $A(3, -8)$, $B(-5, -8)$, 则此抛物线的对称轴是直线 $x =$ _____.
13. 点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ 在二次函数 $y = x^2 - 4x - 1$ 的图象上, 若当 $1 < x_1 < 2$, $3 < x_2 < 4$ 时, 则 y_1 与 y_2 的大小关系是 y_1 _____ y_2 . (用 “>”、“<”、“=” 填空)
14. 随着各地对房地产市场调控的深入, 近来某市房价持续回落, 某楼盘原价为每平方米12000元, 连续两次降价后售价为每平方米8640元, 设平均每次降价的百分率为 x , 则可列方程为: _____.
15. 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 的顶点为 $D(-1, 2)$, 与 x 轴的一个交点 A 在点 $(-3, 0)$ 和 $(-2, 0)$ 之间, 其部分图象如图4, 则以下结论: ① $b^2 - 4ac < 0$; ② $a + b + c < 0$; ③ $c - a = 2$; ④ 方程 $ax^2 + bx + c - 2 = 0$ 有两个相等的实数根. 其中正确的结论有 _____ (填序号).



三、解答题 (本大题共8个小题, 满分75分)

16. (8分) 解一元二次方程:
- (1) $2x^2 - 4x - 1 = 0$
 - (2) $(x+1)^2 = 6x + 6$



17. (9分) 已知关于 x 的方程 $x^2 - (2k+1)x + k^2 + 1 = 0$.

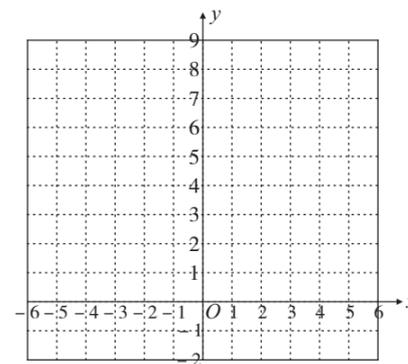
- (1) 若方程有两个不相等的实数根, 求 k 的取值范围;
- (2) 若方程的两根恰好是一个矩形的两邻边长, 且 $k = 4$, 求该矩形的周长.

18. (9分) “描点法”作图是探究函数图象的基本方法, 小明同学用“描点法”画二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象时, 列了如下表格:

x	...	-1	0	1	3	...
y	...	-3	1	3	1	...

根据表格上的信息回答问题:

- (1) 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 与 y 轴交点坐标是 _____; 该抛物线的开口 _____; 当 $x = 4$ 时, 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的值为 _____;
- (2) 小明还用“描点法”研究了函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象和性质, 请在右面的方格纸中帮小明画出函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象. 借助所画的图象, 回答下面问题:
 - ① 函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象关于 _____ 对称;
 - ② 当 _____ 时, y 随 x 的增大而增大; 当 _____ 时, y 随 x 的增大而减小.



19. (9分) 已知: 抛物线 $C_1: y_1 = x^2 - (m+2)x + \frac{1}{2}m^2 + 2$ 与 $C_2: y_2 = x^2 + 2mx + n$ 具有下列特征: ① 都与 x 轴有交点; ② 与 y 轴相交于同一点.

- (1) 求 m, n 的值;
- (2) 试写出 x 为何值时, $y_1 > y_2$?

(3) 试描述抛物线 C_1 通过怎样的变换得到抛物线 C_2 .

(3) 该二次函数图象上有一点 $D(x, y)$, 使 $S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ABC}$, 请求出 D 点的坐标.

23. (11分) 如图7, 点 $A(-2, 0)$ 、 $B(4, 0)$ 、 $C(3, 3)$ 在抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 上, 点 D 在 y 轴上, 且 $DC \perp BC$, $\angle BCD$ 绕点 C 顺时针旋转后两边与 x 轴、 y 轴分别相交于点 E 、 F .

(1) 求抛物线的解析式;

(2) CF 能否经过抛物线的顶点? 若能, 求出此时点 E 的坐标; 若不能, 说明理由;

(3) 若 $\triangle FDC$ 是等腰三角形, 求点 F 的坐标.

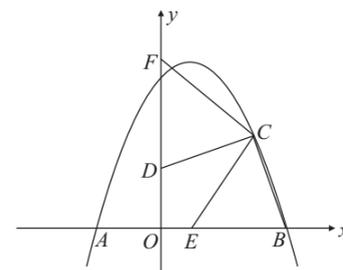


图7

20. (9分) 已知关于 x 的方程 $x^2 + ax + a - 2 = 0$.

(1) 当该方程的一个根为1时, 求 a 的值及该方程的另一根;

(2) 求证: 不论 a 取何实数, 该方程都有两个不相等的实数根.

22. (10分) 随着地铁和共享单车的发展, “地铁+单车”已成为很多市民出行的选择, 李华从文化宫站出发, 先乘坐地铁, 准备在离家较近的A, B, C, D, E中的某一站出地铁, 再骑共享单车回家, 设他出地铁的站点与文化宫距离为 x (单位: 千米), 乘坐地铁的时间 y_1 (单位: 分钟) 是关于 x 的一次函数, 其关系如下表:

地铁站	A	B	C	D	E
x (千米)	8	9	10	11.5	13
y_1 (分钟)	18	20	22	25	28

(1) 求 y_1 关于 x 的函数表达式;

(2) 李华骑单车的时间 (单位: 分钟) 也受 x 的影响, 其关系可以用 $y_2 = \frac{1}{2}x^2 - 11x + 78$ 来表示, 请问: 李华应选择在哪一站出地铁, 才能使他从文化宫回到家所需的时间最短? 并求出最短时间.

21. (10分) 如图6所示, 二次函数 $y = -2x^2 + 4x + m$ 的图象与 x 轴的一个交点为 $A(3, 0)$, 另一个交点为 B , 且与 y 轴交于点 C .

(1) 求 m 的值及点 B 的坐标;

(2) 求 $\triangle ABC$ 的面积;

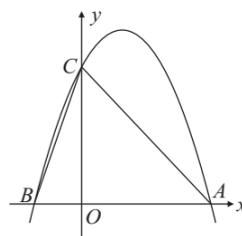


图6

密

仅供交流

(内部资料

封

(密封线内不得答题)

线